

【8】 =====

$(478201C0)_{16} = (0100\ 0111\ 1000\ 0010\ 0000\ 0001\ 1100\ 0000)_2$ であるから、符号(最上位ビット)が 0 なので非負の数であり、指数部(8ビット)および仮数部(23ビット)はそれぞれ下記であることが分かる。

指数部 100 0111 1
 仮数部 000 0010 0000 0001 1100 0000

これより、指数部は、0 でも $255 = (1111\ 1111)_2$ でもないので、バイアスが 127 のバイアス指数になっている。従って、指数部は、

$$\begin{aligned} (1000\ 1111)_2 - 127 &= (1000\ 1111)_2 - 128 + 1 = (1000\ 1111)_2 - (1000\ 0000)_2 + 1 \\ &= (0001\ 0000)_2 = 16 \end{aligned}$$

である。また、仮数部は、IEEE 方式の規則より、

$$(1.000\ 0010\ 0000\ 0001\ 11)_2 = 1 + 2^{-6} + 2^{-15} + 2^{-16} + 2^{-17}$$

であるから、 $(478201C0)_{16}$ で表される数は次のような数である。

$$\begin{aligned} (-1)^0 \cdot (1 + 2^{-6} + 2^{-15} + 2^{-16} + 2^{-17}) \cdot 2^{16} &= 2^{16} + 2^{10} + 2^1 + 2^0 + 2^{-1} \\ &= 65,536 + 1,024 + 2 + 1 + 0.5 = 66,563.5 \end{aligned}$$

【9】

(i) =====

x と y を加算すると -58 になったということであるから、

$$58 = 32 + 16 + 8 + 2 = (0011\ 1010)_2$$

より、x+y の結果の 1 バイトは、 $(0011\ 1010)_2$ の 2 の補数をとって、 $(1100\ 0110)_2^{2^C}$ となっていたことが分かる。従って、x+y の最上位ビット(MSB)は 1 である。

今、x および y の MSB をそれぞれ X_7 および Y_7 と書き、加算時の MSB への桁上げおよび MSB からの桁上げをそれぞれ C_7 および C_8 と書くと、x+y の MSB が 1 になるのは、 X_7 、 Y_7 、および C_7 の中の 1 の個数が奇数のとき、すなわち、1 個あるいは 3 個のときだけである。

そこで、 X_7 、 Y_7 、および C_7 の中の 1 の個数が 3 個であるとすると、 $X_7+Y_7+C_7$ の加算によって生じる桁上げ C_8 は 1 となり、 $C_7 = C_8 = 1$ となる。これは、オーバーフローが生じていたこと($C_7 \neq C_8$)に矛盾する。従って、 X_7 、 Y_7 、および C_7 の中の 1 の個数は 1 個であることが分かる。

これらの中の 1 の個数が 1 個のとき、 $X_7+Y_7+C_7$ の加算によって生じる桁上げ C_8 は 0 であり、オーバーフローが生じている($C_7 \neq C_8$)ことより、 $C_7 = 1$ であることが分かる。従って、 $X_7 = Y_7 = 0$ となり、x および y は共に非負の数であることが分かる。

(ii) =====

上記の議論より、2 の補数表現された 1 バイトの非負の数 x および y を加算した結果、MSB への桁上げ $C_7 = 1$ 、MSB からの桁上げ $C_8 = 0$ となり、和 x+y は $(0\ 1100\ 0110)_2$ となったことが分かる。従って、和 x+y は 10 進数で下記である。

$$x+y = (0\ 1100\ 0110)_2 = 2^7 + 2^6 + 2^2 + 2^1 = 128 + 64 + 4 + 2 = 198$$